

Masse - Energie - Äquivalenz im Euklidischen Universum

von

Dieter Prochnow, Berlin
E-mail: du.prochnow@t-online.de

Keywords: Zulässige *Euklidische* Systeme, *Galilei* – Zeit, Uhrenzeit, Regelmechanismus von Masse und Gravitation, vierdimensionale relativistische *Newtonsche* Mechanik, Korrespondenzprinzip, Masse – Energie - Äquivalenz

Alternativ zur ART *Einsteins* bleibt das *Euklidische* Universum [1] auch unter Einbeziehung beschleunigter Systembewegungen, und damit unter Gravitation, flach. Im Rahmen einer vierdimensionalen *Newtonschen* Mechanik wird der Regelmechanismus von Masse und Gravitation im *Euklidischen* Universum dargestellt und diskutiert. Bei Bezug auf *Galilei* – Zeit und Uhrenzeit entstehen unterschiedliche Beziehungen, die in Äquivalenzen miteinander verbunden werden. Im Mittelpunkt steht dabei die Masse – Energie – Äquivalenz im *Euklidischen* Universum. Zur Wahrung des Korrespondenzprinzips musste dabei *Einsteins* berühmte Äquivalenz $E = m \cdot c^2$ korrigiert werden. Im *Euklidischen* Universum werden relativistische Gesetze der Mechanik ausschließlich mit Bezug auf die *Galilei* – Zeit, hier als Koordinatenzeit der zeitartigen Koordinate, entwickelt. Dabei sind unendlich große Teilchengeschwindigkeiten zu beachten, die es in der Folge gestatten, zulässige Systeme des *Euklidischen* Universums mittels *Galilei* – Transformationen zu bilden. Das Gravitationspotenzial der Massenkonzentration kann dadurch mit Hilfe der Poissonschen Gleichung bestimmt werden. Die für das *Euklidische* Universum hergeleitete Masse – Energie – Äquivalenz begründet eine Klassifikation der Teilchen nach hyperbolischen, parabolischen und elliptischen Geschwindigkeiten.

Inhalt

1. Einführung
2. Korrespondenzprinzip im *Euklidischen* Universum
3. Masse, Impuls und Gravitationskraft im vierdimensionalen *Euklidischen* Universum
4. Masse und Energie im *Euklidischen* Universum
5. Gravitation im *Euklidischen* Universum
6. Teilchengeschwindigkeiten im *Euklidischen* Universum
7. Kosmologische Einordnung
Literatur

1. Einführung

In seiner Allgemeinen Relativitätstheorie (ART) hat Einstein [2,3] auf der Grundlage des Äquivalenzprinzips von Schwere und Trägheit der Massen eine Verallgemeinerung der SRT durch Einbeziehung von Trägheits- und Gravitationseffekten vorgenommen.

Die Einbeziehung zueinander beschleunigter Systeme, zum Beispiel rotierender Systeme, führt in der SRT auf Grund der *Lorentz* - Kontraktion der Längen bei der Transformation raumartiger Ereignisse über den Bereich der *euklidischen* Geometrie und damit über den Rahmen des *Minkowski* - Raumes hinaus. Die Metrik des Raumes und die Menge der zulässigen Koordinatentransformationen mussten dementsprechend erweitert werden.

Einstein entwickelte dazu die Vorstellung, dass Gravitation eine durch die Krümmung der Raumzeit hervorgerufene Scheinkraft sein könnte:

Die Materie im Universum krümmt der lokalen Massekonzentration entsprechend die Raumzeit, und die Krümmung der Raumzeit ruft umgekehrt eine Gravitation der Massen als Scheinkraft hervor. Darin besteht *Einsteins* Konzept zur Geometrisierung der Gravitation. Die auf der Grundlage dieser Selbstregulation zu bildenden *pseudoriemannschen* Räume beschreiben ein *Nichteuklidisches* Universum als vierdimensionales Raum - Zeit - Kontinuum.

Alternativ dazu besteht das *Euklidische* Universum [1] aus vierdimensionalen *euklidischen*, also flachen Systemen, in denen es keine *Lorentz* - Kontraktion der Längen von Strecken und Körpern gibt. Dadurch führt auch die Einbeziehung zueinander beschleunigter Systembewegungen nicht über den Rahmen der *Euklidischen* Geometrie hinaus. Mit der *Lorentz* - Kontraktion entfällt der wesentliche Grund für eine Veränderung der Metrik des Universums - auch wenn man, wie hier, raumzeitabhängige *Galilei* - Transformationen, die raumartige Ereignisse entfernungsstreu abbilden, zulässt. Die Raumzeit des *Euklidischen* Universums bleibt also auch unter Einbeziehung von Gravitationseinflüssen ungekrümmt.

Wir gehen dementsprechend davon aus, dass *Einsteins* Interpretation der Gravitation als eine durch Raumzeitkrümmung hervorgerufene Scheinkraft eine spezielle, aber nicht notwendige Modellvorstellung darstellt.

Anstelle raumzeitlicher Krümmungen lässt sich Gravitation im *Euklidischen Universum* im Sinne *Newtons* mit Hilfe eines Gravitationspotenzials ϕ zur Bestimmung der potenziellen Energie definieren:

Im flachen Universum lässt sich ebenfalls ein Regelmechanismus von Masse und Gravitation, eine Selbstorganisation der Materie also, beobachten. In Abhängigkeit von der Dichteverteilung der Teilchenmasse entwickelt sich dabei ein Gravitationspotenzial ϕ , und die daraus resultierende konservative Gravitationskraft kann dann sowohl die Richtung als auch den Betrag von Teilchengeschwindigkeiten ändern und damit, den Regelkreis schließend, wiederum die Dichteverteilung der Teilchenmasse modifizieren.

Im Rahmen dieser Regelung setzen wir, wie *Einstein* [2,3], das Äquivalenzprinzip von Beschleunigung und Gravitation voraus, das sich hier in der Annahme der Gleichheit von träger und schwerer Masse sowie in der Konservativität der Gravitationskraft und dem daraus resultierenden Energieerhaltungssatz ausdrückt.

2. Korrespondenzprinzip im *Euklidischen* Universum

Zeiten in einem Universum sind reelle Parameter, die Elementarereignisse des Universums (nach einem Kriterium) ordnen [1].

Speziell im *Euklidischen* Universum ordnet die *Galilei* - Zeit t die Elementarereignisse in der Reihenfolge ihres Geschehens. Dabei ist t Koordinatenzeit der zeitartigen Koordinate x^4 :

$$dx^4 = c \cdot dt \quad \text{oder} \quad \frac{dx^4}{dt} = c = \text{const.} \quad (1)$$

Damit kontrollieren *Galilei* - Zeiten auch die Alterung der Materie. Sie sind als Koordinatenzeiten im Allgemeinen **nicht** direkt messbar.

Die Bezeichnung „*Galilei* – Zeit“ wurde in [1] auf Grund der Invarianz der Zeitdauer von Ereignissen in den Systemen des Universums gewählt, die durch die im *Euklidischen* Universum verwendete *Galilei* – Transformation der Systeme begründet ist.

Eingeschränkt auf ein System des Universums bezeichnen wir einen reellen Parameter als **Relativ- oder Systemzeit**, wenn er die Elementarereignisse des Systems mit Bezug auf das System ordnet. In [1] wurde begründet, dass die durch

$$dt_s = ds/c \quad \text{oder} \quad \frac{ds}{dt_s} = c = \text{const.} \approx 3 \cdot 10^5 \text{ km/s} \quad (2)$$

bei zeitartigen Ereignissen definierte Systemzeit t_s im *Euklidischen* Universum als Uhrenzeit zu identifizieren ist, die hier dann aber keine Koordinatenzeit ist [1]. Im Gegensatz zur *Galilei* – Zeit sind Uhrenzeiten, wie schon aus dem Namen zu entnehmen ist, messbar, ordnen aber Ereignisse hier dann nicht (allenfalls bei kleinen Teilchengeschwindigkeiten) in der Reihenfolge ihres Geschehens. Dementsprechend kontrollieren sie auch die Alterung der Materie nicht (siehe Zwillingsparadoxon in [1]).

Im *Euklidischen* Universum sind die Inertialzeiten der Inertialsysteme *Galilei* – Zeiten und, im Gegensatz zur SRT, keine Uhrenzeiten.

Bei zeitartigen Ereignissen beeinflusst die Gravitation die Geschwindigkeiten aller Körper im Universum – auch die Lichtgeschwindigkeit. Sowohl die Richtung als auch der Betrag der raumartigen Geschwindigkeit eines Teilchens können dabei verändert werden.

In Gravitationsfeldern führt das zur Beugung von Lichtstrahlen.

Mit Beziehung (2) wird jedoch angenommen, dass die auf die Uhrenzeit bezogene Bahngeschwindigkeit $\frac{ds}{dt_s}$ eines Teilchens in der vierdimensionalen Raumzeit eines Systems stets

konstant c und damit unabhängig von Gravitationseffekten ist.

Damit bleibt, bezogen auf die Uhrenzeit, das Prinzip der Konstanz und Endlichkeit der Lichtgeschwindigkeit auch unter Gravitation erhalten. Das bedeutet, der Betrag der Lichtgeschwindigkeit im flachen *euklidischen* Universum (in dem keine Krümmung der Raumzeit zur Modifikation der Weglängen führt) bleibt bezogen auf die Uhrenzeit auch unter Gravitation systemunabhängig konstant c .

Der Zusammenhang von Uhrenzeit und *Galilei* – Zeit wird bei zeitartigen Ereignissen durch die metrische Fundamentalform der *euklidischen* Systeme des Universums bestimmt, siehe Abschnitt 4 in [1]:

$$ds^2 = dx^\mu \cdot dx^\mu \quad . \quad (3)$$

Das *Euklidische* Universum umfasst unter Einbeziehung von Gravitationseffekten alle Systeme, die mit der Metrik (1-3) ausgestattet sind. Zeitartige Ereignisse verlaufen in allen diesen Systemen zueinander **zeitartig entfernungsinvariant** (Invarianz der *Galilei* - Zeitdauer von Ereignissen gegenüber der raumzeitbezogenen *Galilei* – Transformation, siehe (59),(60) in [1]. Derartige Systeme werden als **zulässig für das Euklidische Universum** bezeichnet. Neben Inertialsystemen sind mit diesen Eigenschaften auch Systeme unter Gravitation, zueinander beschleunigte Systeme, beispielsweise rotierende Systeme, oder auch Systeme, in denen sich Körper in Beschleunigung befinden können, zugelassen.

Anmerkung:

Annahme (2) fand in unseren weiteren Untersuchungen Begründung und Rechtfertigung, könnte aber ohne wesentliche Schwierigkeiten mit Hilfe des Ansatzes

$$c_\varphi = c_r(\varphi) \cdot c \quad \text{und} \quad ds = c_\varphi \cdot dt_s \quad (4)$$

verallgemeinert werden. Dabei symbolisiert das Gravitationspotenzial φ die Abhängigkeit der Lichtgeschwindigkeit c_φ von der Gravitation. Die **relative Lichtgeschwindigkeit** c_r ist dementsprechend als Funktion des Gravitationspotenzials zu betrachten. Speziell würde aus Annahme (2) hier dann aber

$$c_r(\varphi) = 1 \quad (5)$$

folgen.

Aus der metrischen Fundamentalform (1-3) ergibt sich unmittelbar das Prinzip kugelförmiger Ausbreitung des Lichts:

$$|\mathbf{u}_S| = \sqrt{\frac{dx^\alpha}{dt_s} \cdot \frac{dx^\alpha}{dt_s}} \leq c \quad \text{oder} \quad ds^2 \geq dx^\alpha \cdot dx^\alpha . \quad (6)$$

In einem zulässigen System S des Universums sind die Beziehungen zwischen der Uhrenzeit t_s und der *Galilei* - Zeit t von den Teilchengeschwindigkeiten abhängig.

Es ergibt sich

$$\frac{dt_s}{dt} = \beta = 1/\beta_S \quad (7)$$

mit

$$\beta^2 = 1 + \mathbf{u}^2/c^2 \quad , \quad \beta_S^2 = 1 - \mathbf{u}_S^2/c^2 \quad \text{und} \quad \beta_S \cdot \beta = 1. \quad (8)$$

Zwischen den raumartigen Geschwindigkeiten $\mathbf{u} = (u^1, u^2, u^3)$ mit $u^\alpha = \frac{dx^\alpha}{dt}$ und

$\mathbf{u}_S = (u_S^1, u_S^2, u_S^3)$ mit $u_S^\alpha = \frac{dx^\alpha}{dt_s}$ bestehen auf Grund von (7) und (8) die Beziehungen

$$\mathbf{u} = \mathbf{u}_S / \beta_S \quad \text{und} \quad \mathbf{u}_S = \mathbf{u} / \beta , \quad (9)$$

und aus der metrischen Fundamentalform (1-3) ergibt sich mit (7) und (8) auch umgekehrt das Prinzip der kugelförmigen Lichtausbreitung:

$$\beta_S \geq 0 \quad \text{und} \quad \text{damit} \quad |\mathbf{u}_S| \leq c . \quad (10)$$

Aus (9) folgt darüber hinaus die für das *euklidische* Universum wesentliche Aussage:

$$|\mathbf{u}_S| = c \Leftrightarrow |\mathbf{u}| = +\infty . \quad (11)$$

Bezogen auf die *Galilei* - Zeit t können Teilchengeschwindigkeiten demzufolge unendlich groß werden !

Von einer unendlich großen Lichtgeschwindigkeit ausgehend, besteht keine Notwendigkeit, die *Galilei* – Transformation der *euklidischen* Systeme durch eine *Lorentz* – Transformation zu ersetzen oder den Charakter der *euklidischen* Metrik des Universums zu verändern. Das Universum bleibt also flach, und Gravitationseffekte können im Rahmen einer vierdimensionalen, dem Wesen nach *Newtonschen* Gravitationstheorie beschrieben werden. Dementsprechend wird das Gravitationspotenzial der Gravitationskraft im *Euklidischen* Universum mit Hilfe der *Poissonschen* Gleichung berechnet, siehe [6].

Äquivalenz (11) bildet also eine wesentliche Grundlage zur Entwicklung einer Allgemeinen Relativitätstheorie des *Euklidischen* Universums.

Die Gesetze der *Newtonschen* Mechanik, die ursprünglich für absolute dreidimensionale Räume in einer absoluten Zeit formuliert wurden, werden dazu auf vierdimensionale *euklidische* Systeme der Raumzeit übertragen. Die *Newton* – Zeit wird dabei zur *Galilei* – Zeit, die hier aber auch von anderen Systemparametern abhängen kann, also keinen absoluten Charakter tragen muss. Die Trennung von *Newton* – Zeit und Uhrenzeit, die *Newton* noch nicht beobachten konnte, wird dabei mit einem *Korrespondenzprinzip* abgeschwächt.

Die im *Euklidischen* Universum geltenden raumzeitartigen, raumartigen und zeitartigen Gesetze der Mechanik bezeichnen wir künftig als *relativistische Gesetze*. Die speziell auf die *Galilei* – Zeit bezogenen Gesetze können dementsprechend *relativistische Newtonsche Gesetze der Mechanik* genannt werden.

Das Korrespondenzprinzip im *Euklidischen* Universum beruht im Wesentlichen auf den Beziehungen (7) und (8), die zeigen, dass Uhrenzeit und *Galilei* – Zeit bei kleinen Teilchengeschwindigkeiten näherungsweise gleich sind. Dementsprechend können wir für das *Euklidische* Universum folgende Forderung formulieren:

Korrespondenzprinzip

Bei im Vergleich mit der Lichtgeschwindigkeit kleinen Teilchengeschwindigkeiten müssen die auf die Uhrenzeit bezogenen relativistischen Gesetze näherungsweise mit den korrespondierenden *Newtonschen* Gesetzen der Mechanik, die im *Euklidischen* Universum auf die *Galilei* – Zeit bezogen sind, übereinstimmen.

Wir bezeichnen im folgenden raumartige dreidimensionale Variable mit kleinen fetten Buchstaben (z.B. $\mathbf{x} = (x^1, x^2, x^3)$, $\mathbf{u} = (u^1, u^2, u^3)$), Variable der Raumzeit dagegen mit großen fetten Buchstaben, beispielsweise $\mathbf{X} = (x^1, x^2, x^3, c \cdot t)$ oder $\mathbf{U} = (\mathbf{u}, c) = (u^1, u^2, u^3, c)$.

3. Masse, Impuls und Gravitationskraft im vierdimensionalen *Euklidischen* Universum

In einem zulässigen *euklidischen* System $S = (N_4, (\delta_{ij}))$ des Universums ist jedes Element $\mathbf{X} \in N_4$ ein Elementarereignis, das den Ort $\mathbf{X} = (x^1, x^2, x^3, c \cdot t)$ eines Teilchens in der vierdimensionalen Raumzeit von S beschreibt.

Die Geschwindigkeit eines Teilchens in der Raumzeit

$$\mathbf{U} = (u^1, u^2, u^3, c) \text{ mit } u^\mu = dx^\mu/dt \quad (12.1)$$

beschreibt die Änderung des Ortes des Teilchens nach der *Galilei* – Zeit t : $\mathbf{U} = \frac{d\mathbf{X}}{dt}$.

Bezogen auf die Uhrenzeit t_s hat die Teilchengeschwindigkeit das Aussehen

$$\mathbf{U}_S = \frac{d\mathbf{X}}{dt_s} = (u_s^1, u_s^2, u_s^3, c \cdot \beta_S) \text{ mit } u_s^\mu = dx^\mu/dt_s. \quad (12.2)$$

Der Zusammenhang zwischen den Teilchengeschwindigkeiten \mathbf{U} und \mathbf{U}_S lässt sich auf Grund von (7) als

Geschwindigkeiten - Äquivalenz

$$\mathbf{U}_S \cdot dt_s = \mathbf{U} \cdot dt \text{ oder } \mathbf{U} = \mathbf{U}_S/\beta_S \text{ und } \mathbf{U}_S = \mathbf{U}/\beta. \quad (12.3)$$

formulieren.

Aus der metrischen Fundamentalform (1-3) folgt für den Betrag der Geschwindigkeiten:

$$|\mathbf{U}| = \frac{ds}{dt} = \sqrt{\mathbf{u}^2 + c^2} = c \cdot \beta = c/\beta_S \text{ und } |\mathbf{U}_S| = \frac{ds}{dt_s} = c. \quad (13)$$

In Rahmen der relativistischen *Newtonschen* Mechanik ist der *Impuls*, den ein Teilchen in der Raumzeit empfängt, gleich dem Produkt aus seiner Ruhemasse m_o und seiner auf die *Galilei* – Zeit bezogenen raumzeitartigen Geschwindigkeit \mathbf{U} :

$$\mathbf{P} = m_o \cdot \mathbf{U}. \quad (14.1)$$

Mit (12.3) ergibt sich aus (14.1) unmittelbar eine auf die Uhrenzeit bezogene Definition für den Impuls:

$$\mathbf{P}_S = m \cdot \mathbf{U}_S, \quad (14.2)$$

die durch

$$\mathbf{P}_S = \mathbf{P} \quad (14.3)$$

begründet ist. Dabei bezeichnet

$$m = m_o/\beta_S \quad (14.4)$$

die *Impuls*masse des Teilchens.

Für den Betrag des Impulses erhalten wir:

$$|\mathbf{P}| = m_0 \cdot |\mathbf{U}| = m \cdot c \quad (14.5)$$

und wegen (13)

$$\mathbf{P}^2 = \mathbf{p}^2 + p_0^2 \quad (15.1)$$

mit dem raumartigen Impuls

$$\mathbf{p} = m_0 \cdot \mathbf{u} = m \cdot \mathbf{u}_S \quad (15.2)$$

und dem konstanten zeitartigen Impuls

$$p_0 = m_0 \cdot c . \quad (15.3)$$

Für $\mathbf{u} = 0$, also bei raumartiger Ruhe, empfängt das Teilchen immer noch den zeitartigen Impuls p_0 , den wir auf Grund der raumartigen Ruhe auch als *Ruheimpuls* bezeichnen können.

Die Kraft, die bei dem Teilchen den Impuls \mathbf{P} erzeugt, ist dann wegen (14.1)

$$\mathbf{K} = \frac{d\mathbf{P}}{dt} = m_0 \cdot \frac{d\mathbf{U}}{dt} + \mathbf{U} \cdot \frac{dm_0}{dt} . \quad (16)$$

Wir gehen im folgenden davon aus, dass die Ruhemasse m_0 eines Teilchens während der Lebensdauer des Teilchens erhalten und unabhängig von der *Galilei – Zeit* konstant bleibt:

$$0 \leq m_0 = \text{const} < +\infty , \quad \frac{dm_0}{dt} = 0 . \quad (17)$$

Analog zur *Newtonschen* Theorie ist die Kraft dann gleich dem Produkt aus Masse, hier aus der Ruhemasse m_0 , und Beschleunigung $\dot{\mathbf{U}} = \frac{d\mathbf{U}}{dt}$:

$$\mathbf{K} = m_0 \cdot \dot{\mathbf{U}} , \quad (18.1)$$

und dabei gilt betragsmäßig

$$|\mathbf{K}| = m_0 \cdot |\dot{\mathbf{u}}| \quad \text{bei} \quad K^\alpha = m_0 \cdot \dot{u}^\alpha , \quad K^4 = 0 . \quad (18.2)$$

Bezogen auf die Uhrenzeit hat die Kraft das Aussehen:

$$\mathbf{K}_S = \frac{d\mathbf{P}_S}{dt_S} = \frac{d(m \cdot \mathbf{U}_S)}{dt_S} = \frac{d\mathbf{P}}{dt_S} , \quad (18.3)$$

und damit, sowie mit (7) und (16), ergibt sich die

Kräfte-Äquivalenz

$$\mathbf{K}_S \cdot dt_S = \mathbf{K} \cdot dt \quad \text{oder} \quad K_S = \mathbf{K} / \beta \quad \text{und} \quad K = K_S / \beta_S . \quad (18.4)$$

Konservative Kräfte besitzen mit der potenziellen Energie E_{pot} ein Potenzial:

$$\mathbf{K} = -\bar{\nabla} E_{\text{pot}}, \quad \bar{\nabla} = \left(\nabla, \frac{\partial}{\partial x^4} \right) = \left(\nabla, \frac{1}{c_0} \cdot \frac{\partial}{\partial t} \right). \quad (19.1)$$

Aus dem relativistischen *Newtonschen* Kraftgesetz (18.1) ergibt sich mit (19.1):

$$m_0 \cdot \dot{\mathbf{U}} = -\bar{\nabla} E_{\text{pot}}, \quad (19.2)$$

komponentenweise

$$m_0 \cdot \dot{u}^\alpha = -\frac{\partial E_{\text{pot}}}{\partial x^\alpha} \quad \text{und} \quad \frac{\partial E_{\text{pot}}}{\partial t} = 0. \quad (19.3)$$

Im Falle der konservativen Gravitationskraft lässt sich die potenzielle Energie als negatives Produkt aus Ruhemasse und einem Gravitationspotenzial φ darstellen:

$$E_{\text{pot}} = -m_0 \cdot \varphi. \quad (20)$$

Man erhält damit sofort das Gravitationsgesetz

$$\mathbf{K} = m_0 \bar{\nabla} \varphi \quad (21.1)$$

sowie

$$\dot{\mathbf{U}} = \bar{\nabla} \varphi \quad (21.2)$$

und, da $\ddot{u}^4 = 0$ gilt, die raumartigen Bewegungsgleichungen

$$\dot{\mathbf{u}} = \nabla \varphi \quad \text{oder} \quad \frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t} + \mathbf{u} \circ \nabla \mathbf{u} = \nabla \varphi. \quad (22)$$

4. Masse und Energie im *Euklidischen* Universum

Die zeitliche Änderung der Arbeit, die sich entlang eines Teilchenweges ergibt, ist definiert als vektorielles Skalarprodukt von Geschwindigkeit \mathbf{U} und Kraft \mathbf{K} :

$$\frac{dA}{dt} = \mathbf{U} \circ \mathbf{K}. \quad (23.1)$$

Bezogen auf die Uhrenzeit erhält man für die Arbeit A_S analog zu (23.1):

$$\frac{dA_S}{dt_S} = \mathbf{U}_S \circ \mathbf{K}_S. \quad (23.2)$$

Wir berechnen:

$$\frac{dA_S}{dt_S} = \mathbf{U}_S \circ \mathbf{K}_S = \mathbf{U}_S \circ \frac{d}{dt_S} (m \cdot \mathbf{U}_S) = \mathbf{U}_S^2 \cdot \frac{dm}{dt_S} + 1/2 \cdot m \cdot \frac{d\mathbf{U}_S^2}{dt_S}.$$

Daraus erhalten wir auf Grund von (13) in Übereinstimmung mit der SRT *Einsteins* [3] hier für das *Euklidische* Universum:

$$\frac{dA_S}{dt_S} = \frac{d}{dt_S}(m \cdot c^2) \quad (24.1)$$

und

$$A_S = E_{S,\text{kin}}^R = m \cdot c^2 - m_0 \cdot c^2 \quad (24.2)$$

Die Arbeit A_S wird in (24.2) als Differenz zweier kinetischer Energien dargestellt und kann dementsprechend selber als kinetische Energie $E_{S,\text{kin}}^R$ identifiziert werden. $E_{S,\text{kin}}^R$ ist die auf die Uhrenzeit bezogene raumartige kinetische Energie eines Teilchens im *Euklidischen* Universum. Für kleine Teilchengeschwindigkeiten stimmt $E_{S,\text{kin}}^R$ mit der raumartigen *Newtonschen* kinetischen Energie

$$E_{\text{kin}}^R = \frac{1}{2} \cdot m_0 \cdot \mathbf{u}^2 \quad (24.3)$$

überein und erfüllt damit auch im *Euklidischen* Universum das Korrespondenzprinzip.

Die raumzeitartige kinetische Energie $E_{S,\text{kin}}$ und die raumartige Ruheenergie $E_{S,o}$ sind durch (24.2) allerdings nur bis auf eine additive Konstante C eindeutig bestimmt. Wir können (24.2) auch in der Form

$$E_{S,\text{kin}}^R = (m \cdot c^2 - C) - (m_0 \cdot c^2 - C), \quad (24.4)$$

schreiben und erhalten:

$$E_{S,\text{kin}} = m \cdot c^2 - C \quad \text{und} \quad E_{S,o} = m_0 \cdot c^2 - C. \quad (24.5)$$

In der SRT *Einsteins* wird Gravitation und damit die potenzielle Energie $E_{S,\text{pot}}$ zunächst vernachlässigt, und man kann die auf die Uhrenzeit bezogene Gesamtenergie E_S mit der raumzeitartige kinetischen Energie $E_{S,\text{kin}}$ identifizieren:

$$E_S = E_{S,\text{kin}} \quad (24.6)$$

Einstein ist dabei von $C = 0$ ausgegangen und hat damit seine berühmte

Masse – Energie - Äquivalenz

$$E_{S,\text{Ein}} = m \cdot c^2 \quad (24.7)$$

mit der Ruheenergie

$$E_{S,o} = m_0 \cdot c^2 \quad (24.8)$$

begründet.

Aus den Äquivalenzen (12.3) und (18.4) ergibt sich zwischen A und A_S der Zusammenhang:

$$\frac{dA}{dt_s} = \mathbf{U}_s \circ \mathbf{K}_s / \beta_s, \text{ also } \frac{dA}{dt_s} = \frac{dA_s}{dt_s} / \beta_s. \quad (25.1)$$

Unter Nutzung von (24.1) und (25.1) erhalten wir daraus zunächst:

$$\frac{dA}{dt_s} = m_0 \cdot c^2 / \beta_s \cdot \frac{d}{dt_s}(1/\beta_s)$$

und dann

$$\frac{dA}{dt_s} = \frac{d}{dt_s}(1/2 \cdot M \cdot c^2) \text{ oder } \frac{dA}{dt} = \frac{d}{dt}(1/2 \cdot M \cdot c^2). \quad (25.2)$$

Dabei ist

$$M = m_0 / \beta_s^2 = m_0 \cdot \beta^2 = m / \beta_s \quad (25.3)$$

eine relativistischen Masse, die wir als *Energiemasse* bezeichnen.

Durch Integration von (25.2) erhalten wir:

$$A = E_{\text{kin}}^R = 1/2 \cdot M \cdot c^2 - 1/2 \cdot m_0 \cdot c^2. \quad (25.4)$$

Dabei können wir

$$E_{\text{kin}} = 1/2 \cdot M \cdot c^2 = 1/2 \cdot m_0 \cdot U^2 \quad (25.5)$$

als kinetische Energie der Raumzeit und

$$E_o = 1/2 \cdot m_0 \cdot c^2 \quad (25.6)$$

als raumartige *Ruheenergie* identifizieren.

Wir erhalten also:

$$E_{\text{kin}} = 1/2 \cdot m_0 \cdot U^2 = E_{\text{kin}}^R + E_o = \frac{1}{2} \cdot m_0 \cdot \mathbf{u}^2 + \frac{1}{2} \cdot m_0 \cdot c^2. \quad (25.7)$$

Im *Euklidischen* Universum ergeben sich für die raumzeitbezogenen kinetischen Energien dann die

Masse – kinetische Energie - Äquivalenzen

$$E_{\text{kin}} = 1/2 \cdot M \cdot c^2 \quad \text{bei Bezug auf die Galilei – Zeit } t \quad (26.1)$$

und

$$E_{S,\text{kin}} = m \cdot c^2 - C \quad \text{bei Bezug auf die Uhrenzeit } t_s. \quad (26.2)$$

Für $C = 0$ erfüllt die kinetische Energie $E_{S,\text{kin}}$, siehe (26.2), dabei nicht das Korrespondenzprinzip, denn man erhält für kleine Teilchengeschwindigkeiten

$$E_{\text{kin}} = 1/2 \cdot E_{S,\text{kin}} / \beta_s \quad \text{bei } C = 0 \quad (27.1)$$

Damit erhebt sich die Forderung:

Einsteins Masse – Energie – Äquivalenz $E_S = m \cdot c^2$ muss in Hinsicht auf die Korrespondenz der raumzeitartigen Gesamtenergien korrigiert werden!

Das betrifft vornehmlich die Verwendung der Ruheenergien. Damit die kinetische Energie $E_{S,kin}$ das Korrespondenzprinzip erfüllen kann, darf die Ruheenergie $E_{S,0}$ nicht verschieden von E_0 sein. Dementsprechend und unter Berücksichtigung von (25.7) muss die Konstante C in (26.2) die Form

$$C = E_{S,0} = E_0 = \frac{1}{2} \cdot m_0 \cdot c^2 \quad (27.2)$$

haben. Für die Gesamtenergie ergibt sich damit

$$E_{S,kin} = \frac{1}{2} \cdot M_S \cdot c^2, \quad (27.3)$$

wobei

$$M_S = 2 \cdot m - m_0 \quad (27.4)$$

eine relativistische Masse, wie M eine Energiemasse, ist, die hier aber auf die Uhrenzeit bezogen wird.

Die Impulsmasse lässt sich dabei auch als arithmetisches Mittel aus Energiemasse und Ruhemasse berechnen:

$$m = \frac{1}{2} \cdot (M_S + m_0). \quad (27.5)$$

Zwischen den Energiemassen M und M_S besteht auf Grund von (25.3) und (27.4) eine

Äquivalenz der Energiemassen

$$M \cdot dt = (2 - \beta_S) \cdot M_S \cdot dt_S \quad \text{oder} \quad M = \frac{2 - \beta_S}{\beta_S} \cdot M_S \quad \text{und} \quad M_S = \frac{2 \cdot \beta - 1}{\beta^2} \cdot M, \quad (27.6)$$

aus der bereits die Übereinstimmung von $E_{S,kin}$ mit dem Korrespondenzprinzip abzulesen ist.

Explizit ergibt sich zwischen E_{kin} und $E_{S,kin}$ aus (27.3) unter Verwendung von (26.1) und (27.6) der Zusammenhang:

$$E_{S,kin} = \frac{2 \cdot \beta - 1}{\beta^2} \cdot E_{kin} = \frac{1}{2} \cdot (2 \cdot \beta - 1) \cdot m_0 \cdot c^2. \quad (27.7)$$

Da für kleine raumartige Geschwindigkeiten $|\mathbf{u}| \ll c$ in Näherung

$$\beta = 1 + \frac{1}{2} \cdot \mathbf{u}^2/c^2$$

gilt, erhalten wir wegen (8) sofort

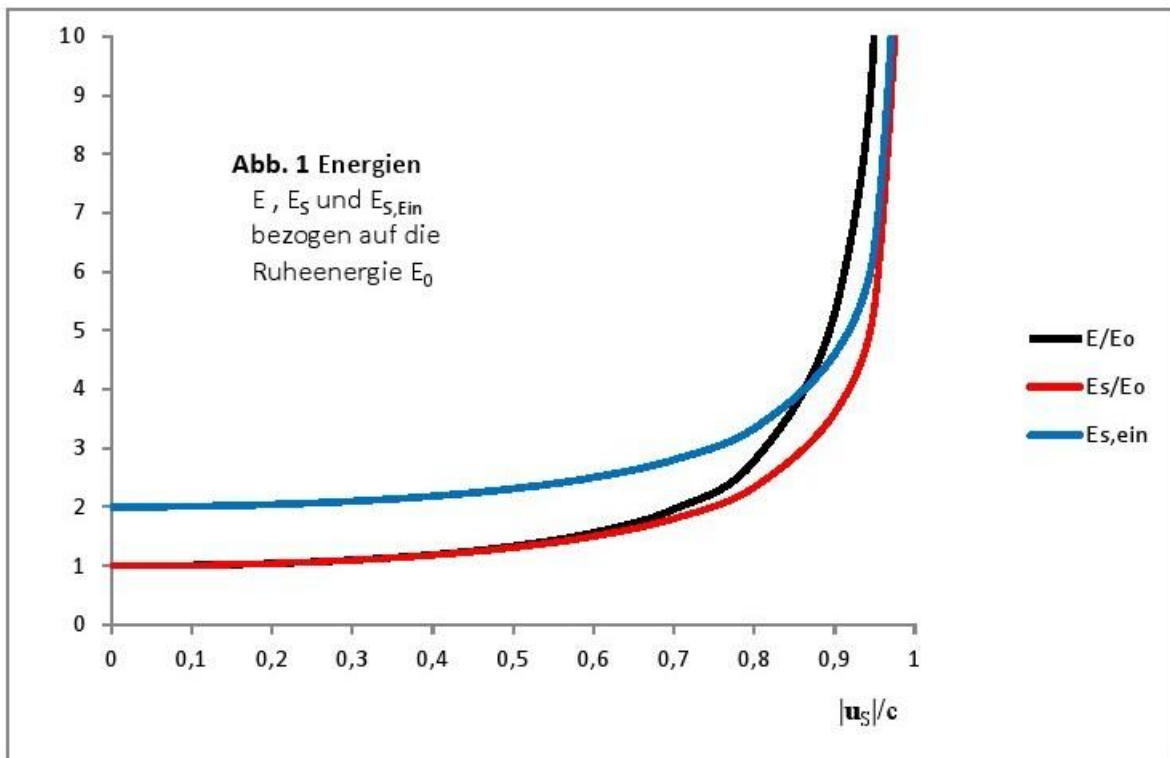
$$E_{S,kin} \approx E_{kin}.$$

Die raumzeitbezogene kinetische Energie (27.3) ist also in Übereinstimmung mit dem Korrespondenzprinzip!

Bei kleinen Teilchengeschwindigkeiten und vernachlässigbarer Gravitation gilt dementsprechend auch

$$E_S = \frac{1}{2} \cdot M_S \cdot c^2 \approx E = \frac{1}{2} \cdot M \cdot c^2 . \quad (27.8)$$

Abb. 1 vergleicht bei fehlender Gravitation die *Einsteinsche* Gesamtenergie $E_{S,\text{Ein}} = m \cdot c^2$, siehe (24.7), mit der korrigierten Gesamtenergie $E_S = \frac{1}{2} \cdot M_S \cdot c^2$, siehe (27.3), und zeigt die Übereinstimmung bei kleinen Teilchengeschwindigkeiten - und damit die Korrespondenz - von E_S mit $E = \frac{1}{2} \cdot M \cdot c^2$, siehe (27.8).



Die korrigierte Gesamtenergie $E_S = \frac{1}{2} \cdot M_S \cdot c^2$ ist damit im Gegensatz zur *Einsteinschen* Gesamtenergie $E_S = m \cdot c^2$ mit dem Korrespondenzprinzip in Übereinstimmung!

Unter Berücksichtigung der Gravitation stellt die Gesamtenergie eine Summe aus kinetischer Energie, Ruheenergie und potenzieller Energie dar:

$$E = E_{\text{kin}} + E_{\text{pot}} = E_{\text{kin}}^R + E_0 + E_{\text{pot}} \quad \text{bezogen auf } t \quad (28.1)$$

und

$$E_S = E_{S,\text{kin}} + E_{S,\text{pot}} = E_{S,\text{kin}}^R + E_0 + E_{S,\text{pot}} \quad \text{bezogen auf } t_S . \quad (28.2)$$

Dabei wird nun bei beiden Gesamtenergien, E und E_S , dieselbe raumartige Ruheenergie E_0 summiert.

Die in (28.2) definierte Gesamtenergie E_S sollte dabei auch unter Gravitationseinfluss das Korrespondenzprinzip erfüllen. Wir gehen daher davon aus, dass (27.7) auch weiterhin in der Form

$$E_S = \frac{2 \cdot \beta - 1}{\beta^2} \cdot E = \frac{1}{2} \cdot (2 \cdot \beta - 1) \cdot m_o \cdot c^2 \quad (29.1)$$

gültig bleibt. Für das Gravitationspotenzial folgt daraus unmittelbar:

$$E_{S,pot} = \frac{2 \cdot \beta - 1}{\beta^2} \cdot E_{pot} \quad , \quad \text{also} \quad E_{S,pot} = - M_S \cdot \varphi_S \quad , \quad (29.2)$$

wobei φ_S das auf die Uhrenzeit bezogene Gravitationspotenzial ist, das durch die

Gravitationsäquivalenz

$$\varphi_S \cdot dt_S^2 = \varphi \cdot dt^2 \quad \text{oder} \quad \varphi_S / c^2 = \varphi / U^2 \quad (29.3)$$

beziehungsweise

$$\varphi_S = \varphi / \beta^2 \quad \text{und} \quad \varphi = \varphi_S / \beta_S^2 \quad (29.4)$$

mit dem Gravitationspotenzial φ in Verbindung steht.

Auf Grund von (20) und (27.) erhalten wir im *Euklidischen* Universum aus (26.), (28.) und (29.) die

Masse – Energie – Äquivalenzen

$$E = \frac{1}{2} \cdot M \cdot c^2 - m_o \cdot \varphi = \frac{1}{2} \cdot M \cdot (c^2 - 2 \cdot \varphi_S) \quad (30.1)$$

und

$$E_S = \frac{1}{2} \cdot M_S \cdot (c^2 - 2 \cdot \varphi_S) \quad , \quad (30.2)$$

In *euklidischen* Systemen ändert sich auf Grund von (25.2), (25.7) und (26.1) die Arbeit A zeitlich mit der kinetische Energie E_{kin} :

$$\frac{dA}{dt} = \frac{dE_{kin}}{dt} \quad . \quad (31.1)$$

Aus (19.1) und (23.1) folgt

$$\frac{dA}{dt} = \mathbf{U} \circ \mathbf{K} = - \mathbf{U} \circ \bar{\nabla} E_{pot} = - \frac{dE_{pot}}{dt} \quad .$$

Wir erhalten dementsprechend:

$$\frac{d}{dt} (E_{kin} + E_{pot}) = \frac{dE}{dt} = 0 \quad . \quad (31.2)$$

Bei Wirkung konservativer Kräfte gilt also auch in der Raumzeit des *euklidischen* Universum das Gesetz der

Energieerhaltung

$$E = E_{kin} + E_{pot} = \frac{1}{2} \cdot m_o \cdot U^2 - m_o \cdot \varphi = const. \quad (31.3)$$

Auf Grund von (14.1) und (25.7) können wir darüber hinaus in Analogie zur *Newtonschen* Theorie den relativistischen

Energie – Impuls – Satz

$$\mathbf{P}^2 = 2 \cdot m_0 \cdot E_{\text{kin}} \quad (31.4)$$

formulieren.

5. Gravitation im *Euklidischen* Universum

Das Gravitationspotenzial φ , das sich auf die *Galilei* – Zeit t bezieht, bildet ein Maß für die Intensität der Gravitation und kann in den Systemen des *Euklidischen* Universums auf Grund der Unendlichkeit der auf t bezogenen Lichtgeschwindigkeit als *Newtonsches* Potenzial [6] identifiziert werden:

$$\varphi = \varphi(\mathbf{x}, t) = 4 \cdot \pi \cdot \gamma \cdot \int_G \frac{\rho(\mathbf{y}, t)}{|\mathbf{x} - \mathbf{y}|} \cdot d\mathbf{y}. \quad (32.1)$$

Das Potenzial φ bestimmt die Gravitationsintensität hier unter Berücksichtigung der Teilchenbewegung. Dieser Zusammenhang wird durch den Gravitationsparameter γ hergestellt, der dadurch, bezogen auf die *Galilei* – Zeit, keine Konstante ist.

Auf Grund der Gravitationsäquivalenz (29.4) können wir φ mit Hilfe des auf die Uhrenzeit bezogenen Potenzials φ_S bestimmen: $\varphi = \varphi_S \cdot \beta^2$. Wir erhalten

$$\varphi_S = \varphi_S(\mathbf{x}, t_S) = 4 \cdot \pi \cdot \gamma_S \cdot \int_G \frac{\rho(\mathbf{y}, t)}{|\mathbf{x} - \mathbf{y}|} \cdot d\mathbf{y}, \quad (32.2)$$

wobei nun γ_S als *Newtonsche* Gravitationskonstante

$$\gamma_S = \gamma / \beta^2 = 6,667 \cdot 10^{-20} \text{ km}^3/\text{kg}/\text{s}^2 \quad (32.3)$$

angesehen werden kann, die sich mit Hilfe der *Poissonschen* Gleichung (versehen mit geeigneten Randbedingungen) berechnen lässt:

$$-\Delta\varphi_S = 4 \cdot \pi \cdot \gamma_S \cdot \rho. \quad (32.4)$$

Dabei setzen wir voraus, dass die Dichte ρ im wesentlichen beschränkt und integrierbar ist (Satz von *Poisson*).

Für den speziellen Fall kugelförmiger Gebiete G erhält man

$$\varphi_S(\mathbf{x}) = \begin{cases} \gamma_S \cdot m_0 / r & , r \geq R \\ 0,5 \cdot \gamma_S \cdot m_0 / R \cdot (3 - r^2 / R^2) & , r \leq R \end{cases}, \quad (32.5)$$

wobei R der Radius von G , $m_0 = \rho \cdot \int_G d\mathbf{y}$ die in G befindliche Masse und r der Abstand zum Mittelpunkt der Kugel sind.

Die Teilchendichte ρ in (32.4) unterliegt der Massenerhaltung, siehe auch (17):

$$\frac{d\rho}{dt} = \frac{\partial\rho}{\partial t} + \mathbf{u}_k \circ \nabla\rho = \hat{\rho}_t . \quad (33)$$

Dabei beschreibt $\hat{\rho}_t$ eine Dichtequelle (oder –senke), mit der auch Urknallerscheinungen zu erfassen wären, siehe Abschnitt 7.

Auf Grund der so zu einem Zeitpunkt entstehenden Verteilung der Teilchenmasse wird dann im Universum ein Potenzialfeld und damit eine Gravitationskraft erzeugt, die eine weitere Ausbreitung der Teilchenmasse auslöst.

6. Teilchengeschwindigkeiten im Euklidischen Universum

In Übereinstimmung mit der *Newtonschen* Theorie nennen wir die raumartige Geschwindigkeit \mathbf{u} eines Teilchens

$$\begin{aligned} & - \textit{hyperbolisch}, \text{ wenn } \mathbf{u}^2 > 2 \cdot \varphi \\ & - \textit{parabolisch}, \text{ wenn } \mathbf{u}^2 = 2 \cdot \varphi \\ & - \textit{elliptisch}, \text{ wenn } \mathbf{u}^2 < 2 \cdot \varphi \end{aligned} \quad (34.1)$$

gilt. Bezogen auf Uhrenzeiten ist eine Teilchengeschwindigkeit \mathbf{u}_S dementsprechend genau dann

$$\begin{aligned} & - \textit{hyperbolisch}, \text{ wenn } \mathbf{u}_S^2 > 2 \cdot \varphi_S \\ & - \textit{parabolisch}, \text{ wenn } \mathbf{u}_S^2 = 2 \cdot \varphi_S \\ & - \textit{elliptisch}, \text{ wenn } \mathbf{u}_S^2 < 2 \cdot \varphi_S \end{aligned} \quad (34.2)$$

ist. Da sich die Masse – Energie – Äquivalenz (30.1) wegen (25.6) und (25.7) auch in der Form

$$E - E_0 = \frac{1}{2} \cdot m_0 \cdot (\mathbf{u}^2 - 2 \cdot \varphi) = \frac{1}{2} \cdot M \cdot (\mathbf{u}_S^2 - 2 \cdot \varphi_S) \quad (34.3)$$

darstellen lässt, sind Teilchengeschwindigkeiten genau dann

$$\begin{aligned} & - \textit{hyperbolisch}, \text{ wenn } E > E_0 \\ & - \textit{parabolisch}, \text{ wenn } E = E_0 \\ & - \textit{elliptisch}, \text{ wenn } E < E_0 \end{aligned} \quad (34.4)$$

gilt.

Teilchen, die sich mit Lichtgeschwindigkeit bewegen (Photonen mit $|\mathbf{u}_S| = c$), haben eine Ruhemasse $m_0^* = 0$ und den *Lorentz* – Faktor $\beta_S^* = 0$. Damit ist die Ruheenergie dann ebenfalls gleich Null :

$$E_0^* = 0 . \quad (35.1)$$

Die Gesamtenergie E^* eines Photons ergibt sich dementsprechend aus (34.3):

$$E^* = \frac{1}{2} \cdot M^* \cdot (c^2 - 2 \cdot \varphi_S) \quad (35.2)$$

Dabei kann M^* einen von Null verschiedenen, endlichen Wert annehmen:

$$0 < M^* = m_0^* / \beta_S^2 < +\infty .$$

Die Lichtgeschwindigkeit ist dann

$$\begin{aligned} & \text{-hyperbolisch, wenn } c^2 > 2 \cdot \varphi_S \quad (E^* > 0) \\ & \text{-parabolisch, wenn } c^2 = 2 \cdot \varphi_S \quad (E^* = 0) \\ & \text{-elliptisch, wenn } c^2 < 2 \cdot \varphi_S \quad (E^* < 0) \end{aligned} \quad (35.3)$$

gilt.

Dabei können die Lichtstrahlen gebeugt oder umgelenkt werden ohne ihre Geschwindigkeit einzubüßen.

7. Kosmologische Einordnung

Das *euklidische*, also flache Universum fasst das ursprünglich räumlich-dreidimensionale Universum *Newtons* mit seiner ordnenden absoluten Zeit zu einer vierdimensionalen Raumzeit zusammen. Dabei wird die Absolutheit von Raum und Zeit des *Newtonschen* Universums relativiert. Die vierdimensionalen Systeme des *Euklidischen* Universums haben drei raumartige und eine zeitartige Koordinate.

Wir gehen davon aus, dass die zeitartige Koordinate eines Universums (hier x^4) Ereignisse stets in der Reihenfolge ihres Geschehens ordnet und damit auch die Alterung der Materie kontrolliert.

Gesetze der Physik müssen sich daher in ihrer zeitabhängigen Formulierung auf die zeitartige Koordinate beziehen.

Aus der metrischen Fundamentalform folgend, ist im *Euklidischen* Universum im Gegensatz zur SRT *Einsteins* nicht die Uhrenzeit sondern die *Galilei – Zeit* (bei *Einstein* als Eigenzeit betrachtet) Koordinatenzeit der zeitartigen Koordinate. Die *Galilei – Zeit* und nicht die Uhrenzeit ordnet dementsprechend die Ereignisse im *Euklidischen* Universum in der Reihenfolge ihres Geschehens und kontrolliert auch die Alterung der Materie.

Das Prinzip der Konstanz und Endlichkeit der Lichtgeschwindigkeit bleibt im *Euklidischen* Universum, allerdings bezogen auf die Uhrenzeit, erhalten. Daraus folgt auf Grund von Äquivalenz (11) dann, dass die Vakuumlichtgeschwindigkeit bei Bezug auf die *Galilei – Zeit* im *Euklidischen* Universum unendlich groß sein muss.

Dadurch können *Galilei – Transformationen* nunmehr berechtigt auf *euklidische* Systeme angewendet und das Gravitationspotenzial mit Hilfe der Poissonschen Gleichung (32.4), siehe auch [6], und der Gravitationsäquivalenz (29.3) bestimmt werden.

Anmerkung: Die Verwendung der *Lorentz – Transformation* anstelle der *Galilei – Transformation* löste in der SRT das klassische Relativitätsprinzip der *Newtonschen* Physik ab und ermöglichte damit einerseits, das Prinzip der Konstanz und Endlichkeit der Lichtgeschwindigkeit sowie das Kovarianzprinzip der SRT zu realisieren,

fürte andererseits aber weit (wir meinen, übermäßig weit) über den Rahmen der *Newtonschen* Physik hinaus [1]. Das durch absolute Eigenschaften gekennzeichnete *Newtonsche* Universum wurde damit zu einem Universum, in dem wesentliche Erscheinungen nur noch bedingt und systemabhängig, also relativ, gelten. So ist die Gleichzeitigkeit von Ereignissen dort keine Invariante der Systeme mehr. Die Alterung der Materie läuft widersprüchlich ab (Zwillingsparadoxon, [1]). Die Inertialzeit muss sich dehnen lassen, und die raumartige Größe von Körpern unterliegt der *Lorentz – Kontraktion* [1]. Im *Euklidischen* Universum treten diese Probleme nicht auf. Wesentliche Erscheinungen bleiben hier systemunabhängig und gelten teilweise sogar absolut [8].

Die *Newtonschen* Gesetze der Mechanik werden bei kleinen Teilchengeschwindigkeiten unstrittig als gültig angesehen. In dieser Arbeit haben wir Gesetze der Mechanik in kanonischer Weise auf die vierdimensionale Raumzeit des *Euklidischen* Universums übertragen und damit eine Erweiterung ihres Gültigkeitsbereiches angestrebt. Nach unserer Auffassung können die so hergeleiteten relativistischen Gesetze auf Grund der Art ihrer Übertragung auch bei großen Teilchengeschwindigkeiten in der vierdimensionalen Raumzeit gelten. Davon sind wir bereits bei der Formulierung des Korrespondenzprinzips für das *Euklidische* Universum ausgegangen.

Obwohl die *Galilei – Zeitdauer* von Ereignissen im *Euklidischen* Universum selber im Allgemeinen nicht direkt messbar ist, kann sie doch mit Hilfe von Uhrenzeitmesswerten, beispielsweise basierend auf (7) bis (9), berechnet werden. So lassen sich auch die relativistischen *Newtonschen* Gesetze der Mechanik, die ursprünglich auf die *Galilei – Zeit* bezogen sind, äquivalent mit Hilfe von uhrenzeitbezogenen Variablen formulieren, und können dann in dieser Form angewendet werden, siehe dazu (12.3), (12.3), (18.4), (27.6), (30.1) und (34.3).

Aus messtechnischen Gründen kann es darüber hinaus erforderlich werden, auf uhrenzeitbezogene Beziehungen, auch anderer Theorien, zurückzugreifen. Dabei ist zu beachten, dass für diese Beziehungen das Korrespondenzprinzip gelten sollte, und Äquivalenzbeziehungen der Art (27.6) gebraucht werden.

Anmerkung:

Bei großen Teilchengeschwindigkeiten können sich mit Bezug auf die Uhrenzeit hergeleitete Gesetze von den Gesetzen, die sich auf die *Galilei – Zeit* beziehen, erheblich unterscheiden. Beispielsweise wächst die Energiemasse M , siehe (27.6), im Bereich großer Teilchengeschwindigkeiten wesentlich schneller als die Energiemasse $M_S \approx 1/2 \cdot \beta_S \cdot M$ (im Bereich kleiner Teilchengeschwindigkeiten gilt $M \approx M_S \approx m_0$), siehe dazu (27.6), (27.8) und Abb 1.

Im *Euklidischen* Universum spielt das dialektische Verhältnis von Endlichkeit und Unendlichkeit, das hier über Äquivalenzbeziehungen, siehe (11), beherrschbar gemacht werden konnte, eine besondere Rolle. Das betrifft insbesondere Teilchengeschwindigkeiten, die Gravitation, speziell das Gravitationspotenzial und, damit verbunden, Kräfte und Energien.

Im *Einsteinschen* Sinne werden Raum und Zeit erst mit einem Urknall gebildet. In der *Newtonschen* Physik dagegen sind Raum und Zeit a priori vorhanden. Wir haben uns in Hinsicht auf das *Euklidische* Universum der *Newtonschen* Auffassung angeschlossen:

Jedes System des *Euklidischen* Universums können wir uns als Teilsystem des *euklidischen* Punktraumes R^4 denken, in dem sich eine - möglicherweise durch Urknall gebildete - Masse befindet. Der Urknall bildet hier nicht den Raum, sondern erzeugt an einem (oder mehreren) Raumzeitpunkten $\mathbf{X}_0 \in R^4$ eine Urmasse, die sich dann mit wachsender zeitartiger Koordinate x^4 im R^4 ausbreiten kann.

Im Universum so entstehende oder bereits vorhandene Massen unterliegen dann der Gravitation, können sich also in Abhängigkeit von ihrer lokalen Konzentration gegenseitig anziehen. Genauer ausgedrückt entsteht ein *Regelmechanismus*, eine Art Selbstorganisation der Materie also, in dem die lokale Dichte der Massen in einem *euklidischen* System zu einem Zeitpunkt t das Gravitationspotenzial ϕ erzeugt (Gleichung (32.)). Der damit entstehende Gradient von ϕ bildet dann eine konservative Kraft, die Gravitationskraft (Gleichung (21.1)), die nun ihrerseits eine Relativbewegung der Massen zueinander auslöst (Gleichung (22)) und damit ihre Dichteverteilung ändert (Gleichung (33)).

Speziell bei zentral verteilter Masse ist die Gravitationskraft auf Grund des Flächensatzes auf den Masseschwerpunkt gerichtet und vermittelt damit den Eindruck einer Masseanziehung.

Gravitationsgebiete in *euklidischen* Systemen des Universums können auf Grund dieses Regelmechanismus bei unendlich großen Übertragungsgeschwindigkeiten und damit auch bei unendlich großen Gravitationspotenzialen ohne Zeitverzögerung Einfluss auf Körper ausüben, die sich an möglicherweise weit entfernten anderen Orten in der Raumzeit des Systems befinden.

Literatur

1. Prochnow, D.: *Euklidisches Universum – alternative Relativitätstheorie.*
General Science Journal Nr. 3642 (2011)
2. Einstein, A.: Zur Elektrodynamik bewegter Körper. Ann. Phys. **17**, 891-1021 (1905)
3. Einstein, A.: Über die spezielle und die allgemeine Relativitätstheorie.
Springer – Verlag, Berlin Heidelberg 2009 (24. Auflage)
4. Stephani, H.: Allgemeine Relativitätstheorie. Dt. Verlag der Wissenschaften, Berlin 1977
5. Lenk, R., Macheleit, G., Möbius, P.: Statistische Physik, Relativitätstheorie,
Elementarteilchen. Studienbücherei, Bd. 12, Dt. Verlag d. Wiss. Berlin 1979
6. Günter, N.M.: Die Potentialtheorie und ihre Anwendung auf Grundaufgaben der math. Physik.
Teubner Verlagsges., Leipzig 1957
7. Michelson, A.A., Morley, E.W.: On the relative motion of the earth and the luminiferous ether.
Am. J. of Science (3.Series) **34**(203), 333-345 (1887)
8. Prochnow, D.: Absolutheit derr Gleichzeitigkeit im *Euklidisches* Universum.
General Science Journal Nr. 4223 (2012)